

No.97 单項式の乗法

请计算 $-\frac{2}{3}x \times \left(-\frac{3}{4}x\right)$

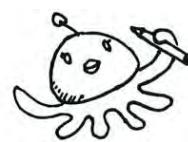
首先是符号
 $(-) \times (-) = (+)$
是吧！



$$\begin{aligned}& -\frac{2}{3}x \times \left(-\frac{3}{4}x\right) \\&= + \frac{2 \times 3}{3 \times 4} \times x \times x \\&= + \frac{\cancel{2} \times \cancel{3}}{\cancel{3} \times \cancel{4}^2} \times x \times x \\&= \frac{1}{2}x^2\end{aligned}$$

数字和数字
文字和文字的
乘法喔！

x 乘 x
就成为 x^2



ア. $\frac{1}{2}x \times \left(-\frac{4}{3}x\right)$

イ. $\frac{3}{4}a \times \frac{8}{9}a$

ウ. $\frac{3}{2}x \times \frac{4}{9}y$

エ. $\left(-\frac{4}{5}a\right) \times \left(-\frac{15}{8}a\right)$

オ. $\left(-\frac{3}{5}a\right) \times \left(-\frac{5}{8}b\right)$

カ. $\frac{2}{3}a \times \frac{1}{2}ab$

$$\text{キ. } \frac{2}{5}x \times \left(-\frac{5}{3}x\right) \quad \text{ク. } \left(-\frac{3}{4}xy\right) \times \left(-\frac{4}{3}x\right)$$

$$\text{ケ. } \frac{1}{2}x \times \frac{6}{5}x \quad \text{コ. } \frac{2}{5}xy \times \left(-\frac{3}{2}x\right)$$

$$\text{サ. } \left(-\frac{1}{3}a\right) \times \left(-\frac{9}{2}ab\right) \quad \text{シ. } \frac{4}{5}a \times \frac{3}{2}bc$$

$$\text{ス. } \left(-\frac{8}{13}x\right) \times \frac{13}{4}x \quad \text{セ. } \frac{3}{8}xy^2 \times \frac{16}{15}x^2y$$

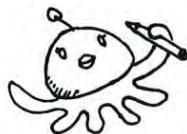
$$\text{ソ. } \left(-\frac{3}{5}ab\right) \times \left(-\frac{20}{9}a\right) \quad \text{タ. } \frac{2}{3}x^2y \times \frac{3}{4}xy$$

No.98 分配法則

请计算 $-3(6x - 5)$

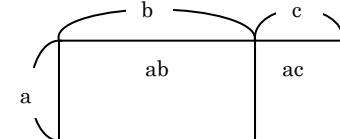


首先是符号
 $(-) \times (-) = (+)$
要注意符号



$$a(b + c) = ab + ac$$

这是分配法则



$$-3(6x - 5)$$

$$= (-3) \times 6x + (-3) \times (-5)$$

$$= -18x + 15$$

可以省略
1行的话就好了



ア. $2(a - 1)$

イ. $4(a - 8)$

ウ. $3(2a + 5)$

エ. $-5(x - 4)$

オ. $-3(2x + 4)$

カ. $-8(5x - 9)$

$$\text{ギ. } 3a(6a - 5b)$$

$$\text{ク. } 4a(2a + 3b)$$

$$\text{ケ. } -7a(3a + 4b)$$

$$\text{コ. } 5x(-x + 4y)$$

$$\text{サ. } -x(7x - 3y)$$

$$\text{シ. } 2a(3a + 8b)$$

$$\text{ヌ. } -3p(4p - 9q)$$

$$\text{セ. } 5ab(3a^2 - 4ab)$$

$$\text{ソ. } -4xy(4x - 8y)$$

$$\text{タ. } 2xy(-3x + y)$$

No.99 单項式の展開

请计算 $-4x(5 - 2x)$

$$-4x(5 - 2x)$$

有文字时也是要用
分配法则喔！

$$= -4x \times 5 + (-4x) \times (-2x)$$

$$= -20x + 8x^2$$



依符号、数字、文字的
顺序来计算



用暗算就可以
省略这 1 行了



ア. $7x(4x + 5)$

イ. $-2b(5a - 3b)$

ウ. $4x(-2x + 6y)$

エ. $3a(2a - 5)$

オ. $-2x(4x - 8y)$

カ. $5b(3a - 2b)$



$$\text{ギ. } 3a(6a - 5b)$$

$$\text{ク. } 4a(2a + 3b)$$

$$\text{ケ. } -7a(3a + 4b)$$

$$\text{コ. } 5x(-x + 4y)$$

$$\text{サ. } -x(7x - 3y)$$

$$\text{シ. } 2a(3a + 8b)$$

$$\text{ス. } -3p(4p - 9q)$$

$$\text{セ. } 5ab(3a^2 - 4ab)$$

$$\text{ソ. } -4xy(4x - 8y)$$

$$\text{タ. } 2xy(-3x + y)$$

No.100 多項式の展開

请计算 $(x+3)(4y-2)$

$$(x+3)(4y-2)$$

$$\begin{aligned} &= x \times 4y + x \times (-2) + 3 \times 4y + 3 \times (-2) \\ &= 4xy - 2x + 12y - 6 \end{aligned}$$

依顺序来乘上吧！！



要注意符号喔！！



a	c	d
b	③bc	④bd

$$\begin{aligned} &(a+b)(c+d) \\ &= ac + ad + bc + bd \end{aligned}$$

ア. $(x+1)(y+3)$

イ. $(x+4)(y+2)$

ウ. $(a-3)(2b+1)$

エ. $(2x-3)(3y-2)$

オ. $(x-5)(y-2)$

カ. $(3x+1)(y+3)$

$$\neq. (a+b)(x+y)$$

$$\times. (a-b)(c-d)$$

$$\wedge. (a-2x)(b-3y)$$

$$\beth. (a+b)(a-5)$$

$$\forall. (m-5)(n+1)$$

$$\divideontimes. (m-n)(x-y)$$

$$\exists. (2a-b)(x+5y)$$

$$\beth. (3x-7)(2y+9)$$

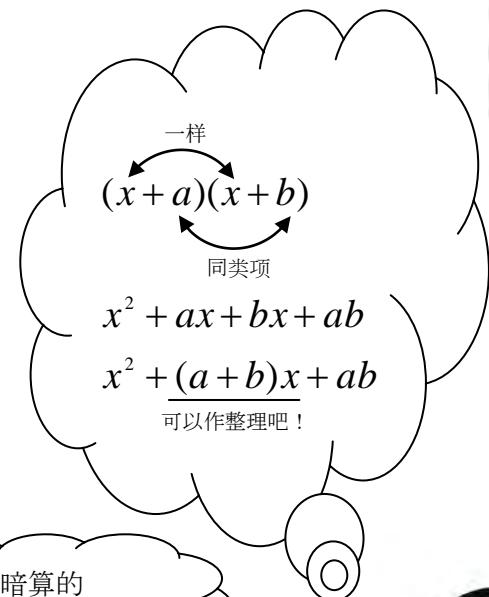
$$\vee. (a+b)(x-4)$$

$$\times. (3a+4)(7b-8)$$

No.101 $(x+a)(x+b)$ の展開

请计算 $(x-3)(x+5)$

$$\begin{aligned}
 & (x-3)(x+5) \\
 & \quad \text{加上} \quad \quad \quad \text{乘上} \\
 = & x^2 + \underline{(-3+5)x} + \underline{(-3) \times 5} \\
 = & x^2 + \underline{2x} - \underline{15}
 \end{aligned}$$



ア. $(x+1)(x+4)$

イ. $(x+4)(x+3)$

ウ. $(a-5)(a-8)$

エ. $(x-5)(x-12)$

オ. $(x+5)(x-6)$

カ. $(a-3)(a+9)$

$$\neq. (a+4)(a-9)$$

$$\times. (x-11)(x+1)$$

$$\wedge. (x-10)(x+13)$$

$$\beth. (x+2)(x+7)$$

$$\forall. (x+5)(x+8)$$

$$\beth. (x+7)(x+1)$$

$$\beth. (x-5)(x-2)$$

$$\beth. (x-6)(x-7)$$

$$\vee. (a-8)(a-9)$$

$$\beth. (a+6)(a-2)$$

No.102 $(x+a)^2$ の展開

请计算 $(x+3)^2$

$$\begin{aligned}
 & (x+3)^2 \\
 & \text{前乘 2} \quad \text{乘上 2 倍} \quad \text{后乘 2} \\
 & = x^2 + (x \times 3 \times 2) + 3^2 \\
 & = x^2 + 6x + 9
 \end{aligned}$$

乘上 2 就成 2 倍是不对的 !!



刚才的 a 和 b 是一样的

$$\begin{aligned}
 (x+a)^2 &= (x+a)(x+a) \\
 &= x + (a+a)x + a^2 \\
 &= x + 2ax + a^2
 \end{aligned}$$

加上相同的 a 就成为 a 的 2 倍



ア. $(x+2)^2$

イ. $(x+4)^2$

ウ. $(x+9)^2$

エ. $(x+5)^2$

オ. $(x+7)^2$

カ. $(x+1)^2$

$$\neq. (x+6)^2$$

$$\times. (x+8)^2$$

$$\wedge. (2x+1)^2$$

$$\beth. (3x+5)^2$$

$$\forall. (9x+4)^2$$

$$\divideontimes. (3x+1)^2$$

$$\wp. (4x+1)^2$$

$$\divideontimes. (4+x)^2$$

$$\wp. (5x+2)^2$$

$$\divideontimes. (7x+3)^2$$

No.103 $(x-a)^2$ の展開

请计算 $(4x-5)^2$

要注意
符号！！



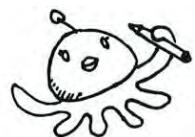
$$= (4x)^2 + (4x) \times (-5) \times 2 + (-5)^2 \\ = 16x^2 - 40x + 25$$

並不是分配法则！！



在这里要加油

是暗算喔！！



ア. $(x-1)^2$

イ. $(x-3)^2$

ウ. $(x-7)^2$

エ. $(x-2)^2$

オ. $(x-5)^2$

カ. $(x-8)^2$

$$\neq. (x - 6)^2$$

$$\times. (x - 15)^2$$

$$\wedge. (3x - 1)^2$$

$$\beth. (2x - 7)^2$$

$$\forall. (5x - 9)^2$$

$$\beth. (5x - 1)^2$$

$$\beth. (3x - 7)^2$$

$$\beth. (2x - 5)^2$$

$$\beth. (7x - 3)^2$$

$$\beth. (9x - 4)^2$$

No.104 $(x+a)(x-a)$ の展開

请计算 $(x+3)(x-3)$

$$(x+3)(x-3)$$

一样
一样
符号相反

$$(x+3)(x-3)$$

$$= x^2 + (3-3)x + 3 \times (-3)$$

$$= x^2 - 3^2$$

$$= x^2 - 9$$

这个想法是很重要的！

$(x+a)(x+b)$ 的 b 是 $-a$

$a-a=0$ 中间就没有了！

$$(x+a)(x-a) = x^2 - a^2$$



No.101 又出现了

基本是很重要的



ア. $(x+4)(x-4)$

イ. $(x+6)(x-6)$

ウ. $(x+7)(x-7)$

エ. $(x+8)(x-8)$

オ. $(x-12)(x+12)$

カ. $(a-5)(a+5)$

$$\neq. (3+a)(3-a)$$

$$\times. (9-a)(9+a)$$

$$\wedge. (x+2y)(x-2y)$$

$$\beth. (a+4b)(a-4b)$$

$$\forall. (2x-5)(2x+5)$$

$$\beth. (3x+4)(3x-4)$$

$$\wp. (4x+1)(4x-1)$$

$$\beth. (-x+6)(-x-6)$$

$$\vee. (7a+3b)(7a-3b)$$

$$\beth. (5x-6y)(5x+6y)$$

No.105 公式混合展開

请确认好 No.100~No.104 !

$$(a+b)(c+d) = ac + ad + bc + bd$$

a 和 c 是一样的

$$(x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x + ab$$

b 是 a !

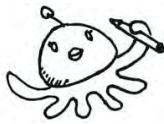
b 是 -a !

$$\begin{aligned}(x+a)^2 \\ = x^2 + 2ax + a^2\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(x+a)(x-a) \\ = x^2 - a^2\end{aligned}$$



要注意中间部分喔 !



要使用哪个公式呢 ?

那就是问题

ア. $(x+5)(a+2)$

イ. $(x+3)(x+6)$

ウ. $(a+1)^2$

エ. $(m-9)^2$

オ. $(x-6)(x+6)$

カ. $(a-9)(a-4)$

$$\text{キ. } (x+8)^2$$

$$\text{ク. } (y-6)^2$$

$$\text{ケ. } (6x+8)(6x-8)$$

$$\text{コ. } (x-7)(x+6)$$

$$\text{サ. } (4x-7y)^2$$

$$\text{シ. } (3a-8b)^2$$

$$\text{ス. } (x+3y)(x-3y)$$

$$\text{セ. } (2x-3)(2x-1)$$

$$\text{タ. } (5a-3b)^2$$

$$\text{タ. } (5-4mn)(5+4mn)$$

No.106 $(a+b+c)^2$

请计算 $(x-3y+4)^2$



把整理好的项作成 2 个

再利用公式 !!

$$\{(x-3y)+4\}^2$$

$$= (x-3y)^2 + 2 \times 4(x-3y) + 4^2$$

$$= x^2 - 6xy + 9y^2 + 8x - 24y + 16$$

仔细看的话乘 2 有 3 个
再乘上就成为 2 倍的有 3 个！
会成为公式也说不定喔？



$$(a+b+c)^2$$

$$= a^2 + b^2 + c^2 + 2ab + 2bc + 2ac$$

这是有点困难喔



π. $(x+y+1)^2$

ι. $(x-2y+5)^2$

υ. $(x-y-3)^2$

工. $(2x+y-2)^2$

才. $(a+b-1)^2$

力. $(x-y+4)^2$

$$\text{ギ. } (2x + y - 4)^2 \qquad \text{ク. } (m - 2n - 7)^2$$

$$\text{ケ. } (x - y + 3)^2 \qquad \text{コ. } (a + b - 2)^2$$

$$\text{サ. } (x - y - 8)^2 \qquad \text{シ. } (x + y + 6)^2$$

$$\text{ヌ. } (2x - y + 1)^2 \qquad \text{セ. } (a + b - c)^2$$

$$\text{ソ. } (3x - 2y + 2)^2 \qquad \text{タ. } (4x - 5y + 1)^2$$

请计算 $(x-3)^2 + (x+4)(x+2)$

$$\begin{aligned}
 & (x-3)^2 + (x+4)(x+2) \\
 & \quad \text{前乘 } 2 \quad \text{乘上 } 2 \text{ 倍} \quad \text{后乘 } 2 \\
 & = (x^2 - 6x + 9) + (x^2 + 6x + 8) \\
 & = x^2 - 6x + 9 + x^2 + 6x + 8 \\
 & = x^2 + 17
 \end{aligned}$$



这种情形 X 的项就会消失了

同类项的整理也要
好好的作！



ア. $(x+2)^2 + (x+3)(x-1)$

イ. $(a+5)(a-5) + (a-3)^2$

ウ. $(x-7)^2 + (x+2)(x-2)$

エ. $x(x-3) + (x+6)(x-4)$

オ. $(x+3)(x+2) + (x-6)(x+8)$

カ. $(x+2y)^2 + x(x+4y)$

$$\neq. \quad (x-3)(x+4) + (x+2)(x-2)$$

$$\not\sim. \quad (x+5)(x+3) + (x-4)(x+4)$$

$$\not\approx. \quad (a-2)(a-5) + (a+3)^2$$

$$\not\simeq. \quad (x-7)(x-3) + (x+6)^2$$

$$\not\vdash. \quad (a-4)^2 + (a+5)(a-5)$$

$$\not\asymp. \quad (3x-2)(x+5) + (x-1)(x+4)$$

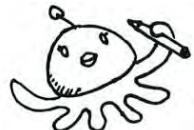
No.108 公式連結差

请计算 $(x-5)(x+3)-(x-4)(x+4)$

$$(x-5)(x+3)-(x-4)(x+4)$$

$$\begin{aligned} &= (x^2 - 2x - 15) - (x^2 - 16) \\ &= x^2 - 2x - 15 - x^2 + 16 \\ &= -2x + 1 \end{aligned}$$

沒有中间的形态喔！
很拿手吧



- (不注意符号是不行的 !)



ア. $(x+5)^2 - x(x+8)$

イ. $(x-2)(x-6)-(x+1)^2$

ウ. $(x+4)^2 - (x+3)(x+8)$

エ. $4x(x-6)-(2x+5)(2x-5)$

オ. $(x-2)^2 - (x-2)(x-4)$

カ. $(x-2y)^2 - x(x+4y)$

$$\neq. (2a+5)(2a-5)-(2a-3)^2$$

$$\neq. (x+9)(x-2)-(x-4)(x+6)$$

$$\neq. (x+8)(x+3)-(x+5)^2$$

$$\neq. (5x-2)^2-(x-1)(4x+1)$$

$$\neq. (a+7)(a-7)-(a-3)(a+3)$$

$$\neq. (2a-3)^2-(2a-1)(2a+4)$$

No.109 共通因数（文字）

请把 $3x^2 - 2x$ 作因数分解

$$\begin{aligned} & 3x^2 - 2x \\ &= 3x\underline{\times x} - 2\underline{\times x} \\ &= x(3x - 2) \end{aligned}$$

分配法则的相反

$$ab + ac = a(b + c)$$

a 就成为共通了！



两边都有 x 所以

把它提引出来



ア. $xy - xz$

イ. $2x^2 - x$

ウ. $5y^3 - 3y$

エ. $ax + 3ay$

オ. $a^2b - ab^2$

カ. $axy + 2bxy$

$$\text{キ. } 5pq + 2qr$$

$$\text{ク. } m^2 - mn$$

$$\text{ケ. } a^2 + 3ab$$

$$\text{コ. } 6t^2 + t$$

$$\text{サ. } ax + ay - az$$

$$\text{シ. } t^3 - 4t^2 + 5t$$

$$\text{ス. } ac + bc + c^2$$

$$\text{セ. } p^2q - 3pq^2 + 7pq$$

$$\text{ソ. } 3m + 7m^2n$$

$$\text{タ. } 10a^2b - 3ab^2$$

请把 $12x - 8$ 作因数分解



$$\begin{aligned} & 12x - 8 \\ &= \underline{4} \times 3x - \underline{4} \times 2 \\ &= 4(3x - 2) \end{aligned}$$

12 和 8 的公约数不找出来的话…
数字是很麻烦的

除法是要用
心算来作



ア. $9x - 3$

イ. $12a - 18b$

ウ. $27x - 9$

エ. $6t + 2$

オ. $2a + 10b$

カ. $4ab - 2$

$$\neq. 10a - 12$$

$$\times. 14x + 21y$$

$$\wedge. 25x - 15y$$

$$\beth. 8ab - 12c$$

$$\forall. 13x - 39$$

$$\beth. 21x^2 - 42y^2$$

$$\wp. 3a - 63b$$

$$\beth. 6x^3 - 36y$$

$$\vee. 3x - 6y + 9$$

$$\beth. 8m - 12n + 20$$



请把 $12x^2 - 9x$ 作因数分解

$$\begin{aligned} & 12x^2 - 9x \\ &= 3x \times 4x - 3x \times 3 \\ &= 3x(4x - 3) \end{aligned}$$

文字和数字的

双方检查 !!

不可看遗漏了喔 !

这 1 行可省略喔 !



ア. $9a^2 + 3a$

イ. $12x^2 - 18x$

ウ. $63x^3 - 54x$

エ. $4xy - 6xz$

オ. $3ay - 9a$

カ. $8xy + 2xz$

$$\text{キ. } 7x^2 - 7x$$

$$\text{ク. } 2a^3 + 4a$$

$$\text{ケ. } 16xy - 10y^2$$

$$\text{コ. } 3m + 6m^2n$$

$$\text{サ. } 3x^2y - 15xy^2$$

$$\text{シ. } 8a^2b - 12ab^2$$

$$\text{ス. } 18x^2y - 42xyz$$

$$\text{セ. } 9a^2b - 6ab^2$$

$$\text{ソ. } 9ax + 6bx - 12cx$$

$$\text{タ. } 5p^2q - 15pq^2 + 20pq$$

No.112 2数探し 積が負

请求出和是2积是-24的2个数

和 : +2
积 : -24
第3暗示 (符号)
第4暗示 (绝对值)
第2暗示 (符号)
第1暗示 (绝对值)

要注意第4暗示喔！



从第2暗示知道积是负的所以是不同符号！
从第3暗示知道知是正的所以
绝对值的小的一方是负的。
从第4暗示知道要找出和会是2的话
就可以了！！

1 2 3 4
24 12 8 6

从第1暗示
找出积是24的
数字组合
因为约数是有限的喔！

$$\begin{array}{r}
 & -1 & -2 & -3 & -4 \\
 +) & 24 & 12 & 8 & 6 \\
 \hline
 & 23 & 10 & 5 & 2
 \end{array}$$



是解喔！ 答 -4 と 6

ア. 和が1 积が-12

イ. 和が2 积が-8

ウ. 和が-3 积が-10

エ. 和が8 积が-9

オ. 和が-5 积が-14

カ. 和が3 积が-18

キ. 和が 4 積が -21

ク. 和が -3 積が -28

ケ. 和が 4 積が -32

コ. 和が 2 積が -24

サ. 和が -5 積が -24

シ. 和が 1 積が -30

ス. 和が 7 積が -30

セ. 和が 8 積が -20

ソ. 和が -10 積が -56

タ. 和が -21 積が -72

No.113 2数探し 積が正

请求出和是-11 积是 24 的 2 个数

和 : -11 积 : 24

从积来作推理是跟刚才一样的

积是正的所以是同符号
和是负的时候两边
都是负的



1 2 3 4
24 12 8 6

$$\begin{array}{r}
 & -1 & -2 & -3 & -4 \\
 +) & -24 & -12 & -8 & -6 \\
 & -25 & -14 & -11 & -10
 \end{array}$$

是解喔！

最后加起来看看
2个数字的顺序作成
相反也可以喔！



答 -3 と -8



ア. 和が-7 积が 12

イ. 和が 5 积が 4

ウ. 和が-7 积が 10

エ. 和が-8 积が 15

オ. 和が 8 积が 12

カ. 和が 10 积が 16

キ. 和が-11 積が 18

ク. 和が-9 積が 14

ケ. 和が-9 積が 20

コ. 和が-13 積が 36

サ. 和が-10 積が 21

シ. 和が-11 積が 30

ス. 和が 13 積が 42

セ. 和が 15 積が 26

ソ. 和が 14 積が 33

タ. 和が 18 積が 45

No.114 $(x+a)(x+b)$ の因数分解

请把 $x^2 - 5x - 6$ 作因数分解



$$x^2 - 5x - 6$$

使用
刚才的技巧

和是 -5 积是 -6
是 -6 和 1 呢！

$$= (x - 6)(x + 1)$$

要利用

$$\begin{aligned} &x^2 + (a + b)x + ab \\ &= (x + a)(x + b) \end{aligned}$$



並不是 2×3 的组合

1 是很容易看遗漏的



ア. $x^2 + 7x + 12$

イ. $x^2 - 6x - 7$

ウ. $a^2 + 4a - 12$

エ. $x^2 - 5x + 6$

オ. $a^2 + 10a + 24$

カ. $a^2 - 3a - 10$

$$\text{辛. } x^2 - 6x + 8$$

$$\text{ク. } x^2 - 9x + 14$$

$$\text{ケ. } a^2 + 3a + 2$$

$$\text{コ. } x^2 - 2x - 24$$

$$\text{サ. } x^2 + 7x - 18$$

$$\text{シ. } x^2 - 3x - 4$$

$$\text{ス. } a^2 + 4a - 5$$

$$\text{セ. } x^2 - 2x - 35$$

$$\text{タ. } a^2 - 12a + 20$$

$$\text{タ. } x^2 + 7x - 30$$

No.115 $(x+a)^2$ の因数分解

请把 $x^2 + 12x + 36$ 作因数分解

$$\begin{aligned} &x^2 + 12x + 36 \\ &\quad \nearrow \text{乘起来 2 倍} \qquad \searrow \text{乘上 2 之前} \\ &= (x + 6)^2 \end{aligned}$$

36 是 6^2 喔！！！



$$\begin{aligned} &x^2 + 15x + 36 \\ &= (x + 3)(x + 12) \end{aligned}$$

一定要检查喔！

也是有一样的时候也说不定…

说不定

$$(x+a)^2$$

要确认好中间

完成了～



ア. $x^2 + 4x + 4$

イ. $x^2 + 10x + 25$

ウ. $a^2 + 14a + 49$

エ. $x^2 + 2x + 1$

オ. $x^2 + 16x + 64$

カ. $x^2 + 8x + 16$

$$\text{キ. } x^2 + 6x + 9$$

$$\text{ク. } x^2 + 18x + 81$$

$$\text{ケ. } x^2 + x + \frac{1}{4}$$

$$\text{コ. } x^2 + \frac{2}{3}x + \frac{1}{9}$$

$$\text{サ. } x^2 + \frac{3}{2}x + \frac{9}{16}$$

$$\text{シ. } x^2 + \frac{4}{5}x + \frac{4}{25}$$

$$\text{ス. } x^2 + \frac{5}{3}x + \frac{25}{36}$$

$$\text{セ. } x^2 + \frac{2}{7}x + \frac{1}{49}$$

$$\text{ソ. } x^2 + \frac{5}{4}x + \frac{25}{64}$$

$$\text{タ. } x^2 + \frac{14}{9}x + \frac{49}{81}$$

N o .116 $(x-a)^2$ の因数分解

请把 $x^2 - 14x + 49$ 作因数分解

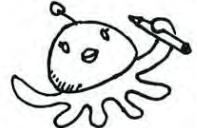


$$x^2 - 14x + 49$$

乘上后是 2 倍 乘 2 之前

$$= (x - 7)^2$$

要注意符号喔！



49 是 7^2 嘴！
中间部分检查了
都可以了吧！



要乘上整数 2 的数字叫作平方数

$1^2 = 1$	$2^2 = 4$	$3^2 = 9$	$4^2 = 16$
$5^2 = 25$	$6^2 = 36$	$7^2 = 49$	$8^2 = 64$
$9^2 = 81$	$10^2 = 100$	$11^2 = 121$	
$12^2 = 144$	$13^2 = 169$	$14^2 = 196$	
$15^2 = 225$	$16^2 = 256$	



ア. $x^2 - 12x + 36$

イ. $x^2 - 8x + 16$

ウ. $x^2 - 2x + 1$

エ. $x^2 - 10x + 25$

オ. $x^2 - 14x + 49$

カ. $x^2 - 16x + 64$

$$\text{キ. } x^2 - 18x + 81$$

$$\text{ク. } x^2 - 6x + 9$$

$$\text{ケ. } x^2 - \frac{1}{2}x + \frac{1}{16}$$

$$\text{コ. } x^2 - \frac{3}{2}x + \frac{9}{16}$$

$$\text{サ. } x^2 - 3x + \frac{9}{4}$$

$$\text{シ. } x^2 - \frac{8}{7}x + \frac{16}{49}$$

$$\text{ス. } x^2 - \frac{5}{4}x + \frac{25}{64}$$

$$\text{セ. } x^2 - \frac{5}{3}x + \frac{25}{36}$$

$$\text{ソ. } x^2 - 5x + \frac{25}{4}$$

$$\text{タ. } x^2 - \frac{16}{9}x + \frac{64}{81}$$

No.117 $(x+a)(x-a)$ の因数分解

请把 $169x^2 - 196$ 作因数分解

$$\begin{aligned} & 169x^2 - 196 \\ &= (13x)^2 - (14)^2 \\ &= (13x + 14)(13x - 14) \end{aligned}$$

这是平方数喔

马上就警觉了吧？

是和差的积！

没有中间部分也是一种暗示喔！



ア. $x^2 - 25$

イ. $x^2 - 4$

ウ. $x^2 - 49$

エ. $x^2 - 16$

オ. $x^2 - 64$

カ. $9x^2 - 1$



$$\text{キ. } 16x^2 - 25$$

$$\text{ク. } 49x^2 - 36$$

$$\text{ケ. } 25x^2 - 81$$

$$\text{コ. } 9x^2 - 64$$

$$\text{サ. } 100x^2 - 49$$

$$\text{シ. } 81x^2 - 121$$

$$\text{ス. } 16x^2 - 169$$

$$\text{セ. } 144x^2 - 225$$

$$\text{ソ. } 4x^2 - \frac{1}{4}$$

$$\text{タ. } 64x^2 - \frac{49}{16}$$

No.118 公式混合因数分解

把 No.109~No.117 的公式确认好！

$$ab + ac = a(b + c)$$

$$x^2 + (a + b)x + ab = (x + a)(x + b)$$



从和、积来推理这 2 个数吧

$$x^2 + 2ax + a^2 = (x + a)^2$$

$$x^2 - a^2 = (x + a)(x - a)$$

平方数如果完成的话
要作检查！
并不是都可以使用，但是…



ア. $ma - mb$

イ. $x^2 + 4x + 3$

ウ. $x^2 + 2x + 1$

エ. $x^2 - 25$

オ. $4a + 8b$

カ. $x^2 - 2x - 35$

$$\text{キ. } x^2 + 14x + 49$$

$$\text{ク. } x^2 - 4y^2$$

$$\text{ケ. } 12a^2b + 21ab$$

$$\text{コ. } x^2 - 3x - 4$$

$$\text{サ. } x^2 - 12x + 36$$

$$\text{シ. } 9m^2 - 4n^2$$

$$\text{ス. } 4ax - 8bx + 6cx$$

$$\text{セ. } x^2 + x - 42$$

$$\text{ソ. } 1 - 16x + 64x^2$$

$$\text{タ. } \frac{x^2}{9} - 1$$

N o .119 共通因数のある因数分解

请把 $3x^3 + 6x^2 - 24x$ 作因数分解

$$3x^3 + 6x^2 - 24x \\ = 3x(x^2 + 2x - 8)$$

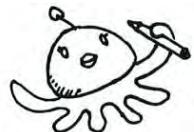
和是 2 积是 8…

能发现到吗？

$$= 3x(x - 2)(x + 4)$$



3、6、24用3能够除尽！
 x 也全部有哟
不要忘了作检查



先头的数字真讨厌

找出2数

和和积不要弄错了!!!

思考一下展开的作法要检查

ア. $3x^2 + 15x + 18$

イ. $2x^2 - 2x - 40$

ウ. $3a^2 + 6a + 3$

エ. $ax^2 + 3ax - 28a$

オ. $-2x^2 - 8x + 24$

カ. $3xy^2 - 3xy - 90x$

$$\text{キ. } ax^2 - 6ax + 9a$$

$$\text{ク. } ax^2 - 6ax - 7a$$

$$\text{ケ. } x^2y - y^3$$

$$\text{コ. } 2x^2 - 20x + 50$$

$$\text{サ. } 4x^2 + 36x + 80$$

$$\text{シ. } 27 - 3x^2$$

$$\text{ス. } x^3y - 8x^2y - 20xy$$

$$\text{セ. } -3x^2 + 6xy - 3y^2$$

$$\text{タ. } 7a^2 - 14ab - 21b^2$$

$$\text{タ. } 2x^2 - 12xy - 32y^2$$

No.120 置き換えのある因数分解

请把 $9x^2 - 9x - 10$ 作因数分解

$$9x^2 - 9x - 10 \\ = (3x)^2 - 3(3x) - 10$$

和是 -3 积是 -10 …

已经沒问题了吧

$$= (3x - 5)(3x + 2)$$

这是共通因数可是
前头的数字並不会消失
真伤脑肠
和是 -3 积是 -10 …
已经沒问题了吧
来作一个对换！
这是高層次的 !!
不简单喔!!!
是決胜负的关键



ア. $4x^2 + 12x + 5$

イ. $9x^2 - 6x - 8$

ウ. $4x^2 + 8x + 3$

エ. $9x^2 - 21x + 10$

オ. $16x^2 + 8x - 15$

カ. $16x^2 - 8x - 35$

ヰ. $4x^2 + 20x - 11$

ク. $9x^2 - 15x - 14$

ケ. $25x^2 - 45x + 18$

コ. $25x^2 + 40x + 12$

サ. $9x^2 - 3x - 20$

シ. $36x^2 + 36x - 7$

ス. $4x^2 + 20x + 21$

セ. $9x^2 + 3x - 2$

ソ. $25x^2 - 15x - 28$

タ. $49x^2 + 42x - 16$

No.121

$x = a^2$ を解く

请解 $x^2 = 121$

$$x^2 = 121$$

因为 $x^2 = 121$ 所以
 $121 = 11^2$
 $x = 11$ 是这样吧

$$x = 11 \quad \text{と} \quad x = -11$$

成为方程式了
等号的左右都有



负数乘上 2 就成正的事可不要忘了
2 个都要回答喔！



ア. $x^2 = 4$

イ. $x^2 = 16$

ウ. $x^2 = 25$

エ. $x^2 = 9$

オ. $x^2 = 36$

カ. $x^2 = 49$

$$\text{キ. } x^2 = 64 \qquad \text{ク. } x^2 = 100$$

$$\text{ケ. } x^2 = 144 \qquad \text{コ. } x^2 = 81$$

$$\text{サ. } x^2 = 196 \qquad \text{シ. } x^2 = 169$$

$$\text{ス. } x^2 = 289 \qquad \text{セ. } x^2 = 225$$

$$\text{ソ. } x^2 = 400 \qquad \text{タ. } x^2 = 441$$

No.122 $ax^2 = ab^2$ を解く

请解 $-3x^2 = -48$

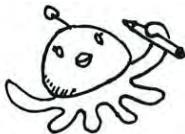
$$-3x^2 = -48$$

$$x^2 = -48 \div (-3)$$

$$x^2 = 16$$

$$x = \pm 4$$

有系数跟着 x^2 喔
用除的 !!



一次方程式的
作法～
很怀念吧



+ 和 - 把这 2 个合起来
就写成土了



ア. $2x^2 = 8$

イ. $-4x^2 = -64$

ウ. $-3x^2 = -75$

エ. $3x^2 = 27$

オ. $4x^2 = 144$

カ. $-5x^2 = -245$

$$\text{辛. } 2x^2 = 128 \quad \text{ク. } -3x^2 = -300$$

$$\text{ケ. } -2x^2 = -288 \quad \text{コ. } 4x^2 = 324$$

$$\text{サ. } 3x^2 = 507 \quad \text{シ. } -2x^2 = -392$$

$$\text{ス. } -3x^2 = -867 \quad \text{セ. } 2x^2 = 450$$

$$\text{ソ. } 25x^2 = 10000 \quad \text{タ. } 100x^2 = 22500$$

请解 $x^2 = 5$

沒有成为平方数喔！

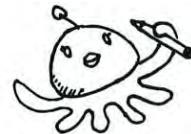


$$x^2 = 5$$

乘上 2 的话、 $5 \cdots ? ? ?$

对了

是平方根出现的时后了



$$x = \pm\sqrt{5}$$

以往所学习
过的各式各样的
内容都会使用上吧



ア. $x^2 = 3$

イ. $x^2 = 5$

ウ. $x^2 = 6$

エ. $x^2 = 7$

オ. $x^2 = 10$

カ. $x^2 = 11$

$$\text{ギ. } x^2 = 13 \qquad \text{ク. } x^2 = 14$$

$$\text{ケ. } x^2 = 15 \qquad \text{コ. } x^2 = 17$$

$$\text{サ. } x^2 = 19 \qquad \text{シ. } x^2 = 21$$

$$\text{ス. } x^2 = 22 \qquad \text{セ. } x^2 = 23$$

$$\text{ソ. } x^2 = 26 \qquad \text{タ. } x^2 = 29$$

请解 $x^2 = 12$

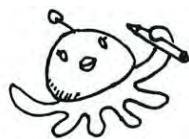
$$x^2 = 12$$

$$x = \pm\sqrt{12}$$

$$x = \pm\sqrt{4 \times 3}$$

$$x = \pm\sqrt{4} \times \sqrt{3}$$

$$x = \pm 2\sqrt{3}$$

要作成 $a\sqrt{b}$ 的形态!!平方根的基本技巧在这里
也会使用上喔!

可以完全掌握吧?

取得乘 2 时

 $\sqrt{\quad}$ 就会出现!

ア. $x^2 = 8$

イ. $x^2 = 18$

ウ. $x^2 = 20$

エ. $x^2 = 24$

オ. $x^2 = 27$

カ. $x^2 = 28$

$$\text{辛. } x^2 = 32$$

$$\text{ク. } x^2 = 45$$

$$\text{ケ. } x^2 = 48$$

$$\text{コ. } x^2 = 54$$

$$\text{サ. } x^2 = 63$$

$$\text{シ. } x^2 = 72$$

$$\text{ス. } x^2 = 75$$

$$\text{セ. } x^2 = 80$$

$$\text{ソ. } x^2 = 96$$

$$\text{タ. } x^2 = 98$$

No.125 $(x+3)^2 = b^2$ を解く

请解 $(x+3)^2 = 16$

$$(x+3)^2 = 16$$

$$x+3 = \pm 4$$

$$x = -3 \pm 4$$

$$x = -7, \quad x = 1$$

括号出现了!!

不要解开来作吧



因为 $(x+3)^2 = 4^2$ 所以乘上 2 就能去掉喔!

$-3 \pm 4, -3-4$ 和 $-3+4$ 是吧



ア. $(x+1)^2 = 4$

イ. $(x-2)^2 = 9$

ウ. $(x+3)^2 = 25$

エ. $(x-4)^2 = 16$

オ. $(x+5)^2 = 36$

カ. $(x-6)^2 = 49$

$$\text{弐. } (x-2)^2 = 1 \quad \text{ク. } (x+3)^2 = 4$$

$$\text{ケ. } (x+4)^2 = 4 \quad \text{コ. } (x-5)^2 = 9$$

$$\text{サ. } (x-6)^2 = 16 \quad \text{シ. } (x+7)^2 = 25$$

$$\text{ス. } (x+8)^2 = 81 \quad \text{セ. } (x-9)^2 = 100$$

$$\text{ソ. } (x-10)^2 = 121 \quad \text{タ. } (x+11)^2 = 144$$

No.126 $a(x+b)^2 = ac^2$ を解く

请解 $2(x-3)^2 = 32$

$$2(x-3)^2 = 32$$

$$(x-3)^2 = 32 \div 2$$

$$(x-3)^2 = 16$$

$$x-3 = \pm 4$$

$$x = 3 \pm 4$$

$$x = -1, \quad x = 7$$

使用 1 次方程式的技巧



一口气就变成这么困难？

没问题吗？？

ア. $3(x+1)^2 = 12$

イ. $4(x-2)^2 = 36$

ウ. $5(x-3)^2 = 20$

エ. $6(x+4)^2 = 54$

オ. $7(x+5)^2 = 63$

カ. $9(x-6)^2 = 144$



$$\text{キ. } 5(x+1)^2 = 125$$

$$\text{ク. } -6(x-2)^2 = -216$$

$$\text{ケ. } -7(x+3)^2 = -343$$

$$\text{コ. } 8(x-4)^2 = 200$$

$$\text{サ. } 2(x+5)^2 = 162$$

$$\text{シ. } 3(x-6)^2 = 192$$

$$\text{ス. } 4(x-7)^2 = 484$$

$$\text{セ. } -5(x+8)^2 = -245$$

$$\text{ソ. } -6(x+9)^2 = -150$$

$$\text{タ. } 7(x-10)^2 = 28$$

No.127 $(x+4)^2 = b$ を解く

请解 $(x+4)^2 = 5$



$$(x+4)^2 = 5$$

平方数又沒有了

$$x+4 = \pm\sqrt{5}$$

轮到 $\sqrt{}$ 出现的时后了



$$x = -4 \pm \sqrt{5}$$

写解的时后 $\pm\sqrt{}$ 之后

再写就好了



ア. $(x+1)^2 = 2$

イ. $(x-2)^2 = 3$

ウ. $(x+3)^2 = 5$

エ. $(x-4)^2 = 6$

オ. $(x+5)^2 = 7$

カ. $(x-6)^2 = 10$

$$\neq. (x+7)^2 = 11 \quad \text{ク. } (x-8)^2 = 13$$

$$\neq. (x-9)^2 = 14 \quad \text{コ. } (x+10)^2 = 15$$

$$\neq. (x+11)^2 = 17 \quad \text{シ. } (x-12)^2 = 19$$

$$\neq. (x-13)^2 = 21 \quad \text{セ. } (x+14)^2 = 23$$

$$\vee. (x+15)^2 = 26 \quad \text{タ. } (x-16)^2 = 29$$

No.128 $(x^2 - 25) = 54$ を解く

请解 $(x - 5)^2 = 54$

$$(x - 5)^2 = 54$$

$$x - 5 = \pm\sqrt{54}$$

$$x - 5 = \pm\sqrt{9 \times 6}$$

$$x - 5 = \pm 3\sqrt{6}$$

$$x = 5 \pm 3\sqrt{6}$$

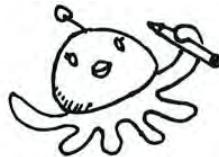
作成 $\sqrt{54} = 3\sqrt{6}$

$a\sqrt{b}$ 的形态

练习也是很重要的



作法的流程都是一样的



ア. $(x + 1)^2 = 8$

イ. $(x - 2)^2 = 12$

ウ. $(x + 3)^2 = 18$

エ. $(x - 4)^2 = 20$

オ. $(x + 5)^2 = 24$

カ. $(x - 6)^2 = 28$

$$\neq. (x+7)^2 = 32$$

$$\times. (x-8)^2 = 40$$

$$\wedge. (x+9)^2 = 45$$

$$\beth. (x-10)^2 = 48$$

$$\forall. (x+11)^2 = 50$$

$$\beth. (x-12)^2 = 52$$

$$\wp. (x+13)^2 = 54$$

$$\beth. (x-14)^2 = 56$$

$$\vee. (x+15)^2 = 60$$

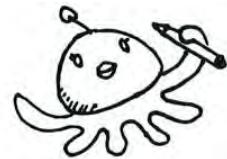
$$\beth. (x-16)^2 = 63$$

No.129 平方完成 I

请解 $x^2 - 12x + 36 = 24$



沒有 $()^2$ 哟



$$x^2 - 12x + 36 = 24$$

$$(x - 6)^2 = 24$$

$$x - 6 = \pm \sqrt{24}$$

$$x - 6 = \pm 2\sqrt{6}$$

$$x = 6 \pm 2\sqrt{6}$$

左边的用因数分解！

就会成为 $()^2$



ア. $x^2 - 2x + 1 = 8$

イ. $x^2 + 6x + 9 = 12$

ウ. $x^2 - 8x + 16 = 18$

エ. $x^2 + 10x + 25 = 20$

オ. $x^2 - 12x + 36 = 24$

カ. $x^2 + 14x + 49 = 28$

$$\text{ヰ. } x^2 + 2x + 1 = 32$$

$$\text{ク. } x^2 - 4x + 4 = 40$$

$$\text{ヶ. } x^2 + 6x + 9 = 44$$

$$\text{コ. } x^2 - 8x + 16 = 48$$

$$\text{サ. } x^2 + 10x + 25 = 50$$

$$\text{シ. } x^2 - 12x + 36 = 52$$

$$\text{ヌ. } x^2 + 14x + 49 = 54$$

$$\text{セ. } x^2 - 16x + 64 = 56$$

$$\text{ヨ. } x^2 + 18x + 81 = 60$$

$$\text{タ. } x^2 - 20x + 100 = 63$$

No.130 平方完成 II

请解 $2x^2 - 28x = -66$

首先除以 2 把 x^2 的系数作成 1

$$x^2 - 14x = -33$$

$$x^2 - 14x + \underline{49} = -33 + \underline{49}$$

\ ↑
这个数的一半的平方数

$$(x - 7)^2 = 16$$

$$x - 7 = \pm 4$$

$$x = 7 \pm 4$$

$$x = -3, \quad x = 11$$

把它作成 $()^2$

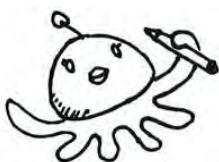
不足的再加上就好了

多少个

知道吗？



这种作法任何的方程式
都能解开



ア. $2x^2 - 4x = 16$

イ. $3x^2 - 18x = 15$

ウ. $2x^2 - 16x = 40$

エ. $3x^2 - 30x = 72$

オ. $4x^2 - 48x = 112$

カ. $5x^2 - 70x = 75$

$$\text{ギ. } 2x^2 + 4x = 6$$

$$\text{ク. } 3x^2 + 18x = 21$$

$$\text{ケ. } 4x^2 + 24x = 64$$

$$\text{コ. } 5x^2 + 20x = 60$$

$$\text{サ. } 6x^2 + 12x = 48$$

$$\text{シ. } 7x^2 + 42x = -56$$

$$\text{ス. } 8x^2 + 64x = -56$$

$$\text{セ. } 9x^2 + 108x = 117$$

$$\text{ソ. } 10x^2 + 100x = -90$$

$$\text{タ. } 11x^2 + 154x = -143$$

No.131 解の公式 I

请解 $3x^2 - 5x - 4 = 0$

$$3x^2 - 5x - 4 = 0$$

$$x^2 - \frac{5}{3}x = \frac{4}{3}$$

$$x^2 - \frac{5}{3}x + \left(\frac{5}{6}\right)^2 = \frac{25}{36} + \frac{4}{3}$$

$$(x - \frac{5}{6})^2 = \frac{25 + 48}{36}$$

$$x - \frac{5}{6} = \frac{\pm\sqrt{73}}{6}$$

$$x = \frac{5 \pm \sqrt{73}}{6}$$

可以解
可是要用公式
直接代入

$$a = 2, b = -3, c = 4$$

是吧！

$$ax^2 + bx + c = 0$$

$$x^2 + \frac{b}{a}x = -\frac{c}{a}$$

$$x^2 + \frac{b}{a}x + \left(\frac{b}{2a}\right)^2 = \frac{b^2}{4a} - \frac{c}{a}$$

$$(x + \frac{b}{2a})^2 = \frac{b^2 - 4ac}{4a}$$

$$x + \frac{b}{2a} = \frac{\pm\sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$



是公式喔



$$x = \frac{-(-5) \pm \sqrt{(-5)^2 - 4 \times 3 \times (-4)}}{2 \times 3} = \frac{5 \pm \sqrt{25 + 48}}{6} = \frac{5 \pm \sqrt{73}}{6}$$

ア. $2x^2 + 3x - 6 = 0$

イ. $3x^2 + 5x + 1 = 0$

ウ. $2x^2 - 7x + 2 = 0$

エ. $5x^2 - x - 2 = 0$

オ. $3x^2 - 5x - 3 = 0$

カ. $7x^2 + 3x - 1 = 0$

$$\text{ギ. } 2x^2 + x - 4 = 0 \quad \text{ク. } 3x^2 - x - 1 = 0$$

$$\text{ケ. } 4x^2 + 3x - 2 = 0 \quad \text{コ. } 5x^2 - x - 3 = 0$$

$$\text{サ. } 6x^2 + 7x - 1 = 0 \quad \text{シ. } 7x^2 - 5x - 1 = 0$$

$$\text{ス. } 8x^2 + 9x + 2 = 0 \quad \text{セ. } 9x^2 - 11x + 3 = 0$$

$$\text{ソ. } 4x^2 - 3x - 2 = 0 \quad \text{タ. } 11x^2 - 13x + 3 = 0$$

No.132 解の公式Ⅱ

请解 $3x^2 - 4x - 5 = 0$

以 $a = 3, b = -4, c = -5$ 代入 $x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$

$$x = \frac{-(-4) \pm \sqrt{(-4)^2 - 4 \times 3 \times (-5)}}{2 \times 3}$$

$$x = \frac{4 \pm \sqrt{16 + 60}}{6}$$

$$x = \frac{4 \pm \sqrt{76}}{6}$$

$$x = \frac{4 \pm 2\sqrt{19}}{6}$$

$$x = \frac{2 \pm \sqrt{19}}{3}$$

在这里 b 如是偶数的话

就作成 $b = 2b'$

$$x = \frac{-2b' \pm \sqrt{4b'^2 - 4ac}}{2a}$$

$$x = \frac{-2b' \pm 2\sqrt{b' - ac}}{2a}$$

$$x = \frac{-b' \pm \sqrt{b'^2 - ac}}{a}$$

能运用如流吗？

ア. $2x^2 - 4x - 5 = 0$

イ. $3x^2 + 2x - 2 = 0$

ウ. $4x^2 - 6x + 1 = 0$

エ. $5x^2 + 4x - 3 = 0$

オ. $6x^2 - 10x + 3 = 0$

カ. $7x^2 + 12x + 2 = 0$



$$\text{ギ. } 2x^2 - 6x + 3 = 0 \quad \text{ク. } 3x^2 + 4x - 1 = 0$$

$$\text{ケ. } 4x^2 + 6x + 1 = 0 \quad \text{コ. } 5x^2 - 8x + 2 = 0$$

$$\text{サ. } 6x^2 - 2x - 5 = 0 \quad \text{シ. } 7x^2 + 10x + 2 = 0$$

$$\text{ス. } 8x^2 - 18x + 3 = 0 \quad \text{セ. } 9x^2 - 16x + 5 = 0$$

$$\text{ソ. } 10x^2 + 12x + 3 = 0 \quad \text{タ. } 11x^2 - 20x + 7 = 0$$

No.133 () () = 0 を解く

请解 $(x+3)(x-2) = 0$

$$(x+3)(x-2) = 0$$

乘上之后会成为0的、
哪一方会成为0呢!!
就利用那一方

$$\begin{aligned} x+3=0 \quad \text{和} \quad x-2=0 \\ \text{所以} \\ x=-3 \quad \text{和} \quad x=2 \end{aligned}$$

$$x = -3, \quad x = 2$$

解的公式一定能解开可是
计算是很麻烦的



展开了之后比解的公式
还要好的方法都有喔!
右边是0、这是重点!!



ア. $(x-1)(x-2) = 0$

イ. $(x+2)(x+3) = 0$

ウ. $(x-3)(x+4) = 0$

エ. $(x+4)(x-5) = 0$

オ. $(x+5)(x+6) = 0$

カ. $(x-6)(x-7) = 0$

$$\neq. \quad (x-1)(x+3)=0$$

$$\times. \quad (x+4)(x-7)=0$$

$$\wedge. \quad (x+10)(x-8)=0$$

$$\sqsubset. \quad (x-12)(x-5)=0$$

$$\forall. \quad (x+6)(x+13)=0$$

$$\divideontimes. \quad (x+7)(x-9)=0$$

$$\exists. \quad (x+5)(x-11)=0$$

$$\exists. \quad (x+8)(x-10)=0$$

$$\forall. \quad (x+14)(x-18)=0$$

$$\times. \quad (x-17)(x-19)=0$$

No.134 因数分解で解く

请解 $x^2 - 4x - 12 = 0$

$$x^2 - 4x - 12 = 0$$

和是 -4 积是 -12
所以
发现不到的话那只能靠解的公式了

因数分解如果会的话
是非常好的 !!!



$$(x+2)(x-6) = 0$$

$$x = -2, \quad x = 6$$

要注意符号哟 !



ア. $x^2 - 3x + 2 = 0$

イ. $x^2 + 5x + 6 = 0$

ウ. $x^2 + x - 12 = 0$

エ. $x^2 - x + 20 = 0$

オ. $x^2 + 11x + 30 = 0$

カ. $x^2 - 13x + 42 = 0$

$$\text{ギ. } x^2 + 2x - 3 = 0 \quad \text{ク. } x^2 - 3x - 28 = 0$$

$$\text{ケ. } x^2 + 2x - 80 = 0 \quad \text{コ. } x^2 - 17x + 60 = 0$$

$$\text{サ. } x^2 + 19x + 78 = 0 \quad \text{シ. } x^2 - 2x - 63 = 0$$

$$\text{ス. } x^2 - 6x - 55 = 0 \quad \text{セ. } x^2 - 2x - 80 = 0$$

$$\text{タ. } x^2 - 4x - 96 = 0 \quad \text{タ. } x^2 - 22x + 105 = 0$$

No.135 $(x+a)^2=0$ を解く

请解 $x^2 - 8x + 16 = 0$

$$x^2 - 8x + 16 = 0$$

$$(x-4)^2 = 0$$

$$x-4 = \pm\sqrt{0}$$

$$x-4 = 0$$

$$x = 4$$

解只有 1 个而已

0 的平方根是 0 嘢！！！



$$(x-4)^2 = 0$$

$$(x-4)(x-4) = 0$$

$$x = 4, x = 4$$

要能够思考 2 个的解
是相同的



ア. $x^2 - 2x + 1 = 0$

イ. $x^2 + 4x + 4 = 0$

ウ. $x^2 + 6x + 9 = 0$

エ. $x^2 - 8x + 16 = 0$

オ. $x^2 - 10x + 25 = 0$

カ. $x^2 + 12x + 36 = 0$

- ヰ. $x^2 + 14x + 49 = 0$
- ク. $x^2 - 16x + 64 = 0$
- ケ. $x^2 - 18x + 81 = 0$
- コ. $x^2 + 20x + 100 = 0$
- サ. $x^2 + 22x + 121 = 0$
- シ. $x^2 - 24x + 144 = 0$
- ス. $x^2 - 26x + 169 = 0$
- セ. $x^2 + 28x + 196 = 0$
- ヨ. $x^2 + 100x + 2500 = 0$
- タ. $x^2 - 200x + 10000 = 0$

No.136 $(x+a)(x-a) = 0$ を解く

请解 $x^2 - 36 = 0$

$$x^2 - 36 = 0$$

$$(x+6)(x-6) = 0$$

$$x = -6, \quad x = 6$$

移项了的话

也能成为No.121 的作法



各种解的方法

都会吧！



$$x^2 - 36 = 0$$

$$x^2 = 36$$

$$x = \pm\sqrt{36}$$

$$x = \pm 6$$

ア. $x^2 - 1 = 0$

イ. $x^2 - 4 = 0$

ウ. $x^2 - 9 = 0$

エ. $x^2 - 16 = 0$

オ. $x^2 - 25 = 0$

カ. $x^2 - 36 = 0$

$$\text{キ. } x^2 - 49 = 0$$

$$\text{ク. } x^2 - 64 = 0$$

$$\text{ケ. } x^2 - 81 = 0$$

$$\text{コ. } x^2 - 100 = 0$$

$$\text{サ. } x^2 - 225 = 0$$

$$\text{シ. } x^2 - 256 = 0$$

$$\text{ス. } x^2 - 289 = 0$$

$$\text{セ. } x^2 - 324 = 0$$

$$\text{ソ. } x^2 - 361 = 0$$

$$\text{タ. } x^2 - 400 = 0$$

No.137 整理して因数分解して解く

请解 $5(x+3) = x^2 + 15$

$$5x + 15 = x^2 + 15$$

$$-x^2 + 5x + 15 - 15 = 0$$

$$-x^2 + 5x = 0$$

$$x^2 - 5x = 0$$

$$x(x - 5) = 0$$

$$x = 0, \quad x = 5$$



定数項消失了
把 x 找出来吧
会成为 $x = 0$ 嘴！

变形为 $ax^2 + bx + c = 0$

之后再作考慮吧！



a 的「-」是
把全部的符号变为「+」的
然后再乘上 -1 这样想也OK！

ア. $x - 2 = x^2 - 4$

イ. $3x + 6 = -x^2 - 2x$

ウ. $2x + 4 = x^2 - x$

エ. $2x - 10 = -x^2 + 5x$

オ. $6x + 18 = x^2 + 3x$

カ. $8x - 28 = -x^2 + 5x$

$$\neq. \quad 3x^2 - 24 = 2x^2 - 5x$$

$$\times. \quad 13x - 22 = x^2 + 14$$

$$\text{ケ. } 7x^2 - 30 = 6x^2 - 7x$$

$$\text{コ. } 6x + 24 = x^2 - 31$$

$$\text{サ. } 2x^2 + 5x + 7 = 3x^2 - x$$

$$\text{シ. } 6x^2 - 3x = 5x^2 - 2x + 12$$

$$\text{ス. } 5x^2 - 7x + 24 = 4x^2 + 9x - 39$$

$$\text{セ. } x^2 + 3x - 5 = 2x^2 + 7x - 26$$

$$\text{ソ. } 12x - 80 + 6x^2 = 7x^2 - 18x + 144$$

$$\text{タ. } 10x + 10x^2 - 180 = 11x^2 + 100 - 24x$$

请解 $2x^2 + 5x = 3$

把它变成 $= 0$

$$2x^2 + 5x - 3 = 0$$

$$2x^2 + 5x - 3 = 0$$

$$x = \frac{-5 \pm \sqrt{5^2 - 4 \times 2 \times (-3)}}{2 \times 2}$$

$$x = \frac{-5 \pm \sqrt{25 + 24}}{4}$$

$$x = \frac{-5 \pm \sqrt{49}}{4}$$

$$x = \frac{-5 \pm 7}{4} \quad x = -3, \quad x = \frac{1}{2}$$

作移项整理

因数分解 !!

想不出来时
就把解的公式搬出来吧 !



✓ 消失了而高兴是不行的

$$(x+3)(2x-1) = 0$$

以因数分解就完成了 !

是要求得 x 可是……

因数分解很困难的…



ア. $2x^2 - 3x = 2$

イ. $3x^2 - 10x = -8$

ウ. $4x^2 + 11x = 3$

エ. $6x^2 + 7x = 5$

オ. $2x^2 + x = 21$

カ. $3x^2 - 2x = 8$

$$\text{ギ. } 6x^2 - 7x = 3$$

$$\text{ク. } 8x^2 - 14x = 15$$

$$\text{ケ. } 5x^2 - 4x = 12$$

$$\text{コ. } 7x^2 - 2x = 9$$

$$\text{サ. } 3x^2 + 7x = 11x + 4$$

$$\text{シ. } 2x^2 + 4x = 9x - 2$$

$$\text{ス. } 3x^2 + 11x = 4x - 2$$

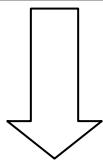
$$\text{セ. } 4x^2 - 6x = 3x - 2$$

$$\text{ソ. } 5x^2 + 9x - 11 = 16x - 5$$

$$\text{タ. } 8x^2 + 13x - 12 = 2x^2 + 24x - 15$$

No.139 手順の整理と練習

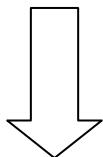
移项整理之后把它作成 $ax^2 + bx + c = 0$ 的形态



a 若是「-」的时后
把它作成「+」的



首先作成因数分解看看 !!!



如果因数分解完成了的话
求解就容易了！



不会作的话就以解的公式

$$\text{代入 } x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$



若是解的公式的话
一定要求得 x 所以很麻烦

ア. $x^2 + 6 = 5x$

イ. $-x^2 + 3x = -2x + 3$

ウ. $2x^2 - 5 = x^2 - 7x$

エ. $x^2 + 5x = 2x + 28$

オ. $x^2 + 7x + 13 = -4x - 17$ カ. $3x^2 - 7x + 4 = 2x^2 + x - 2$

$$\text{キ. } 2x^2 - 5 = 4x$$

$$\text{ク. } 2x^2 + 9x = 5$$

$$\text{ケ. } 3x^2 - 4x = 4$$

$$\text{コ. } 2x^2 - 3x + 2 = -x^2 + 5x$$

$$\text{サ. } 4x^2 + 2x - 19 = 11x - 21 \quad \text{シ. } 3x^2 - 10x + 6 = -x^2 + 3$$

$$\text{ヌ. } 5x^2 - 4x = 8x - 3$$

$$\text{セ. } 6x^2 - 4x = 7x - 4$$

$$\text{ソ. } 29x^2 - 9x + 10 = 22x^2 - 7x + 19$$

$$\text{タ. } 21x^2 - 25x + 7 = 15x^2 - 14x + 4$$

No.140

共通因数で割ってから解く

请解 $6x^2 - 15x + 9 = 3x^2 + 3$

$$6x^2 - 15x + 9 = 3x^2 + 3$$

$$6x^2 - 3x^2 - 15x + 9 - 3 = 0$$

$$3x^2 - 15x + 6 = 0$$

$$x^2 - 5x + 2 = 0$$

$$x = \frac{-(-5) \pm \sqrt{(-5)^2 - 4 \times 1 \times 2}}{2 \times 1}$$

$$x = \frac{5 \pm \sqrt{25 - 8}}{2}$$

$$x = \frac{5 \pm \sqrt{17}}{2}$$

首先要作移项整理

全部用 3 除尽所以
用除的数字会！
变小喔！！



用因数分解不能作
马上使用解的公式哟



$$\text{ア. } 4x^2 - 15x = 13x - 48$$

$$\text{イ. } 4x^2 - 19x = 13x - 52$$

$$\text{ウ. } 5x^2 - 25x + 36 = 20x - 49 \quad \text{エ. } 5x^2 - 20x + 48 = 30x - 72$$

$$\text{オ. } 8x^2 - 22x + 120 = 2x^2 + 44x - 60$$

$$\text{カ. } 9x^2 - 32x + 90 = 3x^2 + 40x - 114$$

$$\text{ギ. } 3x^2 - 8x = x^2 - 6$$

$$\text{ク. } 3x^2 - 5x = 7x - 6$$

$$\text{ケ. } 3x^2 + 7x = -8x + 42$$

$$\text{コ. } 2x^2 + 15x = 3x - 8$$

$$\text{サ. } 6x - 28 = 2x^2 - 36$$

$$\text{シ. } 8x^2 + 40x = 3x^2 - 45$$

$$\text{ス. } 9x^2 - 8x - 15 = 4x^2 + 2x \quad \text{セ. } 7x^2 + 30x + 80 = 3x^2 - 10x$$

$$\text{ソ. } 11x^2 + 30x + 170 = 7x^2 - 34x - 70$$

$$\text{タ. } 10x^2 - 60x + 91 = 3x^2 + 24x - 140$$

No.141 カッコを含む二次方程式

请解 $(2x - 3)^2 - (x + 1)(x - 4) = 7$

$$(2x - 3)^2 - (x + 1)(x - 4) = 7$$

$$(4x^2 - 12x + 9) - (x^2 - 3x - 4) = 7$$

$$4x^2 - 12x + 9 - x^2 + 3x + 4 = 7$$

$$4x^2 - x^2 - 12x + 3x + 9 + 4 - 7 = 0$$

因数分解
会哟！



$$3x^2 - 9x + 6 = 0$$

$$x^2 - 3x + 2 = 0$$

$$(x - 1)(x - 2) = 0$$

$$x = 1, \quad x = 2$$

展开公式也

很活跃喔！



以往的技巧

总动员了！

以往的技巧
总动员了！



ア. $(x - 1)^2 + (x - 6)(x - 2) = 1$

イ. $(x - 2)^2 + 2(x - 3)(x - 4) = 4$

ウ. $3(x + 3)^2 + (x + 4)(x + 6) = 3$ エ. $2(x - 4)^2 + 3(x - 2)(x - 6) = -7$

オ. $4(x - 5)^2 + 2(x - 3)(x - 4) = 4$ オ. $6(x - 4)^2 + 2(x - 8)^2 = 56$



$$\text{辛. } (x-2)^2 + (x+1)^2 = 29 \quad \text{タ. } (2x-3)^2 - (x-7)(x-8) = -20$$

$$\text{ケ. } 3(x-4)^2 + (x+18)(x-6) = 16 \quad \text{ソ. } (2x+7)^2 + (x-18)(x+10) = -26$$

$$\text{サ. } (2x+1)^2 + (x-2)^2 = 25 \quad \text{シ. } (3x+2)^2 + (x-6)^2 = 130$$

$$\text{ス. } (4x-13)^2 + (x-16)^2 = 153 \quad \text{セ. } (5x-8)^2 + (x-10)(x-14) = 100$$

$$\text{ソ. } (3x-7)^2 - (x+3)^2 = -32 \quad \text{タ. } (5x-4)^2 - (x-15)(x-25) = 25$$

请解 $x^2 - 0.1x - 0.2 = 0$

$$x^2 - 0.1x + 0.2 = 0$$

$$10x^2 - x - 2 = 0$$

$$x = \frac{-(-1) \pm \sqrt{(-1)^2 - 4 \times 10 \times (-2)}}{2 \times 10}$$

$$x = \frac{1 \pm \sqrt{1+80}}{20}$$

$$x = \frac{1 \pm \sqrt{81}}{20}$$

$$x = \frac{1 \pm 9}{20}$$

$$x = -\frac{8}{20} = -\frac{2}{5}, \quad x = \frac{10}{20} = \frac{1}{2}$$

乘上 10 把
小数去掉吧



又不是共通因数
也不知道因数分解可不可以
那就只有解的公式了…



$10x^2 - x - 2 = 0$
 $(5x + 2)(2x - 1) = 0$

是这样吧…
好难喔
因数分解…



ア. $0.4x^2 - x + 0.4 = 0$

イ. $0.2x^2 + 0.3x - 0.5 = 0$

ウ. $0.6x^2 + 0.2x - 0.4 = 0$

エ. $x^2 - 0.1x - 0.3 = 0$

オ. $0.8x^2 - x - 0.3 = 0$

カ. $0.5x^2 - 0.1x - 0.4 = 0$

$$\text{ギ. } x^2 - 0.3x - 0.4 = 0$$

$$\text{ク. } 0.6x^2 - 0.1x - 0.2 = 0$$

$$\text{ケ. } 0.3x^2 - 0.7x + 0.2 = 0$$

$$\text{コ. } 0.5x^2 - 0.6x - 0.8 = 0$$

$$\text{サ. } 0.2x^2 - 0.7x - 0.3 = 0$$

$$\text{シ. } 0.4x^2 - 0.9x + 0.2 = 0$$

$$\text{ス. } 0.7x^2 - 1.2x + 0.5 = 0$$

$$\text{セ. } 0.9x^2 - 0.4x - 0.5 = 0$$

$$\text{タ. } 0.11x^2 - 0.06x - 0.05 = 0$$

$$\text{タ. } 0.13x^2 + 0.08x - 0.05 = 0$$

No.143 分数を含む二次方程式

请解 $\frac{1}{4}x^2 - \frac{1}{3}x + \frac{9}{12} = \frac{x^2}{6} + \frac{1}{2}$

$$\frac{1}{4}x^2 - \frac{1}{3}x + \frac{9}{12} = \frac{x^2}{6} + \frac{1}{2}$$



通分了的时后的分母乘上 12
再约分把它去掉！

$$\frac{1 \times 12}{4}x^2 - \frac{1 \times 12}{3}x + \frac{9 \times 12}{12} = \frac{12x}{6} + \frac{1 \times 12}{2}$$



因数分解

完成了是吧！



$$3x^2 - 4x + 9 = 2x^2 + 6$$

$$x^2 - 4x + 3 = 0$$

$$(x-1)(x-3) = 0$$

$$x = 1, \quad x = 3$$

分母就成为 1 了



ア. $\frac{1}{2}x^2 - \frac{3}{8}x + \frac{3}{4} = \frac{3}{8}x^2 + \frac{1}{2}$

イ. $\frac{1}{2}x^2 - \frac{1}{5}x + \frac{3}{10} = \frac{2}{5}x^2 + \frac{1}{5}x$

ウ. $\frac{1}{4}x^2 - \frac{1}{2}x + \frac{1}{2} = \frac{1}{6}x^2 - \frac{1}{12}x$

エ. $\frac{1}{2}x^2 - \frac{7}{12}x + \frac{1}{3} = \frac{5}{12}x^2 - \frac{2}{3}$

オ. $\frac{3}{5}x^2 - \frac{1}{5}x + \frac{4}{5} = \frac{8}{15}x^2 + \frac{1}{3}x$

カ. $\frac{1}{2}x^2 - \frac{1}{4}x + \frac{3}{4} = \frac{9}{20}x^2 + \frac{1}{5}x - \frac{1}{4}$

$$\text{辛. } \frac{1}{3}x^2 + \frac{1}{4}x - \frac{1}{2} = \frac{1}{6}x^2 - \frac{1}{12}x$$

$$\text{亥. } \frac{1}{2}x^2 - \frac{2}{5}x - 2 = \frac{1}{5}x^2 - \frac{1}{2}$$

$$\text{壬. } \frac{1}{6}x^2 - \frac{1}{2}x - \frac{10}{9} = \frac{1}{12}x^2 - \frac{5}{3}$$

$$\text{癸. } \frac{1}{5}x^2 + \frac{2}{3}x + \frac{4}{5} = \frac{1}{15}x^2 + \frac{14}{15}$$

$$\text{甲. } \frac{1}{6}x^2 - \frac{3}{4}x + \frac{10}{3} = \frac{1}{12}x^2 + \frac{5}{3}$$

$$\text{乙. } \frac{1}{12}x^2 - \frac{1}{6}x - \frac{1}{3} = \frac{1}{36}x^2 + \frac{4}{18}x + \frac{2}{3}$$

$$\text{丙. } \frac{1}{12}x^2 + \frac{7}{30}x - \frac{2}{3} = \frac{1}{30}x^2 - \frac{1}{6}x + \frac{1}{3}$$

$$\text{丁. } \frac{1}{5}x^2 - \frac{1}{2}x - \frac{7}{10} = \frac{1}{10}x^2 + \frac{2}{5}x + \frac{3}{10}$$

$$\text{戊. } \frac{9}{100}x^2 - \frac{1}{2}x - \frac{3}{4} = \frac{1}{25}x^2 + \frac{9}{20}$$

$$\text{己. } \frac{1}{8}x^2 + \frac{1}{3}x - \frac{5}{9} = \frac{5}{72}x^2 - \frac{5}{18}x + \frac{8}{9}$$

請解

$$\begin{cases} y = x - 2 \\ 3x + xy = 12 \end{cases}$$

最強的方程式
連立二元二次
出現了



首先代入法以（中2的技巧）把y去掉吧
把①代入②喔！



$$\begin{aligned} 3x + x(x - 2) &= 12 \\ 3x + x^2 - 2x &= 12 \\ x^2 + x - 12 &= 0 \\ (x + 4)(x - 3) &= 0 \\ x = -4, \quad x = 3 \end{aligned}$$

求得的x代入①
y就知道了
解有2组喔！



$$\begin{aligned} x = -4 \text{ のとき} \quad y &= -4 - 2 \\ &= -6 \\ x = 3 \text{ のとき} \quad y &= 3 - 2 \\ &= 1 \end{aligned}$$

$$\begin{cases} x = -4 \\ y = -6 \end{cases} \quad \begin{cases} x = 3 \\ y = 1 \end{cases}$$

ア. $\begin{cases} y = x - 2 \\ 3x + xy = 2 \end{cases}$

イ. $\begin{cases} y = x - 5 \\ 2x + xy = 4 \end{cases}$

ウ. $\begin{cases} y = x + 4 \\ x + xy = -6 \end{cases}$

エ. $\begin{cases} y = -x + 9 \\ 3x - xy = -8 \end{cases}$

オ. $\begin{cases} y = x + 6 \\ x + xy = -10 \end{cases}$

カ. $\begin{cases} y = x - 9 \\ x + xy = 9 \end{cases}$

ヰ. $\begin{cases} y = x + 3 \\ 3x^2 - 2xy = 7 \end{cases}$

ク. $\begin{cases} y = x + 1 \\ 6x^2 - 5xy = 14 \end{cases}$

ケ. $\begin{cases} y = x + 2 \\ 5x^2 - 4xy = 20 \end{cases}$

コ. $\begin{cases} y = x - 3 \\ 4x^2 - 3xy = -20 \end{cases}$

サ. $\begin{cases} y = x - 3 \\ -4x^2 + 5xy = -54 \end{cases}$

シ. $\begin{cases} y = x + 6 \\ 8x^2 - 5xy = -63 \end{cases}$

ヌ. $\begin{cases} y = x + 6 \\ 5x^2 - 2xy = 15 \end{cases}$

セ. $\begin{cases} y = x + 3 \\ 8x^2 - 5xy = 42 \end{cases}$

ヨ. $\begin{cases} y = x - 8 \\ x^2 + 3xy = -36 \end{cases}$

タ. $\begin{cases} y = 2x + 2 \\ 9x^2 - 4xy = -16 \end{cases}$